

Resolución de Problemas y Algoritmos

Clase 12

Procedimientos y Funciones en Pascal Resolución de problemas por división y composición: construcción de primitivas.



Dr. Alejandro J. García
http://cs.uns.edu.ar/~ajg



Departamento de Ciencias e Ingeniería de la Computación
Universidad Nacional del Sur
Bahía Blanca - Argentina

Solución de problemas con primitivas

Hemos visto cómo resolver **problemas simples**, escribiendo un **algoritmo** y luego un **programa** usando asignaciones, condiciones y repeticiones.

En lo que resta de la materia veremos:

1. Técnicas para resolver problemas complejos.
2. Cómo escribir algoritmos basados en primitivas y algoritmos que son primitivas.
3. Cómo implementar en Pascal primitivas y poder usar las dos técnicas anteriores.

Una **primitiva** es una operación o acción conocida, utilizada en un algoritmo o programa considerándola como básica.

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 2

Funciones y procedimientos predefinidos

Al programar en Pascal usamos primitivas predefinidas.
Por ejemplo:

```

...
WRITELN ('ingrese un número'); READLN (num);
RESET(F1); REWRITE(F2);
while not EOF(F1) do begin
  READ (f1,elem);
  if TRUNC(elem) > SQR(num)
  then WRITE (F2, elem)
  else WRITELN ( TRUNC (elem), ' menor que', SQR (num));
end;
...
    
```

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 3

Algunas Funciones predefinidas

Funciones predefinidas:

- Se utilizan en una expresión.
- Siempre retornan un valor de un tipo de Pascal.

Ejemplos:

- EOF (F): recibe un manejador y retorna boolean
- TRUNC (R): recibe real y retorna integer
- SQRT (R): recibe real y retorna real
- CHR (I): recibe integer y retorna char

¿Puedo construir mis propias nuevas funciones?

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 4

Algunos procedimientos predefinidos

Procedimientos predefinidos:

- Se los usa en una sentencia.
- Pueden tener 0 o más parámetros.

Ejemplos:

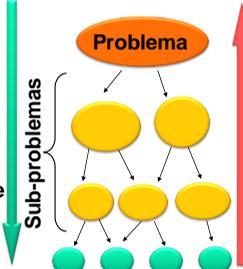
- Writeln
- Readln
- reset (F)
- Rewrite (F)
- Assign (F, nombre)

¿Puedo construir nuevos procedimientos?

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 5

Conceptos: técnicas "top-down" y "bottom-up"

Top-down:
División del problema principal en subproblemas más simples hasta llegar a problemas que no necesitan dividirse.



Bottom-up:
Por composición, resolviendo primero los subproblemas más simples hasta llegar a solucionar al problema principal.

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 6

El uso total o parcial de este material está permitido siempre que se haga mención explícita de su fuente:
 "Resolución de Problemas y Algoritmos. Notas de Clase". Alejandro J. García. Universidad Nacional del Sur. (c)1998-2012.

Ejemplo de trabajo

Problema: Escriba un programa para calcular la suma hasta el término K-ésimo, donde en cada término de posición N, el numerador es 2^N y el denominador N!
 Por ejemplo para $K = 6$

$$\text{suma} = \frac{2}{1} + \frac{4}{2} + \frac{8}{6} + \frac{16}{24} + \frac{32}{120} + \frac{64}{720}$$

$$\text{suma} = \sum_{N=1}^K \frac{2^N}{N!}$$

Solución: sumar ($2^N / N!$) desde $N=1$ hasta $N=k$
 En Pascal, ¿tengo una primitiva para N! (factorial)?
 ¿tengo una primitiva para 2^N (potencia)?
Como programador puedo construir nuevas primitivas.
Técnica: Para escribir el algoritmo y el programa se sugiere descomponer el problema en sub-problemas.

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 7

Descomposición del problema y primitivas

DISEÑO

IMPLEMENTACIÓN

PRIMITIVA SumaTerminos
 Dato Entrada : K (cant. términos)
 Dato Salida : Suma
COMIENZO
 $i \leftarrow 0$ $\text{Suma} \leftarrow 0$
 Repetir K veces
 $i \leftarrow i + 1$
 $\text{Suma} \leftarrow \text{Suma} + \frac{\text{Potencia}(2,i)}{\text{Factorial}(i)}$
FIN ALGORITMO

PRIMITIVA Potencia
 Datos Entrada : Base, Expo
 Datos Salida : Pot
 ... calcula Base a la Expo...

PRIMITIVA Factorial
 Datos Entrada : N (natural)
 Datos Salida : Factorial de N
 ... calcula factorial de N...

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 8

Descomposición del problema y primitivas

Program suma;

Potencia
Factorial

SumaTerminos

Begin

End.

PRIMITIVAS en Pascal:

1. **FUNCTION**
2. **PROCEDURE**

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 9

```

PROGRAM sumaK; {suma los primeros K términos}
VAR K: integer; ←
FUNCTION FACTORIAL (N:integer): integer;
... completar ...
FUNCTION POTENCIA (B,E:integer):integer;
... completar...
FUNCTION SumaTerminos (tope:integer) :REAL;
VAR i: integer; suma: real;
BEGIN
suma:= 0;
FOR i:=1 TO tope DO
suma:=suma+ potencia(2,i) / factorial(i);
sumaTerminos:=suma;
END;
BEGIN
writeln('ingrese cantidad de términos'); readln(K);
writeln('la suma es: ',sumaTerminos(K));
END.
    
```

Variables globales

Parámetros formales

Tipo del Resultado

Variables Locales

Asignación del resultado

Llamada a la función

←

REAL

suma

sumaTerminos

sumaTerminos(K)

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 10

Tarea (muy importante) propuesta

- Complete el programa suma K y pase en la máquina.
- Realice algunas trazas en papel y luego ejecute para ver como funciona en la máquina.
- Puede poner algunos "writeln" para ver como se van llamando las funciones y como se modifican las variables.
- Por ejemplo:
 writeln('ingreso a la función potencia');
 writeln('salgo de sumaTermino con:', suma, tope);

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 11

En Pascal toda función tiene:

1. Un **nombre** (con el cual se la invocará desde una expresión).
2. **Parámetros** (entre los cuales estarán los datos de entrada).
3. **Tipo del resultado** (que será el tipo de la función y determinará en que expresión usarla)
4. Variables locales (para uso interno solamente).
5. Sentencias (también llamado cuerpo de la función).
6. **Asignación** de una expresión al **nombre** de la función (al menos una vez). Es la forma de retornar un valor.

```

FUNCTION Potencia (Base, Exponente:integer) :integer;
VAR aux,P: integer;
BEGIN
P := 1;
FOR aux:= 1 TO Exponente DO P := P * Base;
Potencia := P;
END;
    
```

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 12

El uso total o parcial de este material está permitido siempre que se haga mención explícita de su fuente:
 "Resolución de Problemas y Algoritmos. Notas de Clase". Alejandro J. García. Universidad Nacional del Sur. (c)1998-2012.

Para que una función retorne un valor, se debe ejecutar **al menos 1 vez**, una asignación que en su parte izquierda tenga el nombre de la función y a la derecha una expresión del mismo tipo que la función.

```
FUNCTION Cubo (N:integer):integer;
BEGIN
Cubo:= N*N*N;
END;
```

CORRECTO

```
FUNCTION Cubo (N:integer):integer;
VAR aux,P: integer;
BEGIN
P := 1;
FOR aux:= 1 TO 3 DO P := P * N;
Cubo:= P;
END;
```

CORRECTO

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 13

Si no hay una asignación de ese tipo, o ninguna se ejecuta, entonces es un error de programación.

```
FUNCTION Cubo (N:integer):integer;
VAR aux: integer;
BEGIN
aux:= N*N*N;
END;
```

INCORRECTO
(falta asignación de valor a la función)

```
FUNCTION Cubo (N:integer):integer;
VAR aux,P: integer;
BEGIN
Cubo := 1;
FOR aux:= 1 TO 3
DO Cubo := Cubo * N;
END;
```

INCORRECTO
("Cubo" no es una variable)

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 14

Funciones en Pascal

Para **llamar** (invocar o usar) a una función debe:

- 1) Utilizarse su **nombre** en una **expresión**.
- 2) **Coincidir** la **cantidad** de **parámetros** y **tipo** de cada uno.
- 3) El **tipo** del **resultado** debe **coincidir** con el tipo de la **expresión** en la que se lo **llama**.

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 15

Invocación a funciones (en expresiones)

```
FUNCTION EsVocal (letra :char): boolean;
BEGIN
CASE letra OF
'A','E','I','O','U','a','e','i','o','u', : EsVocal:=true;
ELSE EsVocal:=false;
END;
END;
```

Algunos ejemplos de invocación:

```
VAR ch: char; es_letra_voc:boolean;
...
read(ch);
es_letra_vocal := EsVocal(ch);
writeln(EsVocal(ch));
IF (EsVocal(ch) or (ch='@')) THEN ...
WHILE not EsVocal(ch) and not EOF(archi) DO ...
```

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 16



PROCEDIMIENTOS (PROCEDURE)

- En Pascal, además de las funciones, se pueden construir primitivas como **"procedimientos"**.
- Su invocación se realiza como una **sentencia** y no desde una **expresión**.
- Pueden tener un número cualquiera de datos de entrada (cero o más), y un número cualquiera de datos de salida (cero o más).
- No tienen un tipo asociado, ni retornan obligatoriamente un valor.
- Ejemplo:

```
PROCEDURE Pausa;
{Muestra un mensaje y espera ENTER}
BEGIN
WriteLn ('Presione ENTER para continuar'); ReadLn;
END;
```

El uso total o parcial de este material está permitido siempre que se haga mención explícita de su fuente:
"Resolución de Problemas y Algoritmos. Notas de Clase". Alejandro J. García. Universidad Nacional del Sur. (c)1998-2012.

```

PROGRAM ejemplos;
VAR tope,i: integer;

PROCEDURE Asteriscos(N: INTEGER);
{Imprime N asteriscos consecutivos}
VAR i: INTEGER;
BEGIN
FOR i := 1 TO N DO write('*');
END;

PROCEDURE Pausa;
{Muestra cartel y espera ENTER}
BEGIN
Writeln('Presione ENTER para continuar'); Readln;
END;
BEGIN
Asteriscos(40);
Pausa;
writeln('ingrese tope'); readln(tope);
FOR i:= 1 to tope DO Asteriscos(i);
END.
    
```

Variables globales

Parámetros formales

Variables Locales

Parámetros efectivos

Llamadas a procedimiento

Conceptos: diferencias entre...

Funciones

- Se invocan desde una expresión
- Al regresar de la invocación se sigue ejecutando la sentencia de la llamada.
- Tiene un tipo asociado
- Aunque no tenga parámetros devuelve un valor que se usa en la expresión que la llama.

Procedimientos

- Se invocan como una sentencia.
- Al regresar de la invocación se ejecuta la sentencia siguiente a la llamada.

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 20

Ejemplo

- Problema:** Escriba una primitiva para multiplicar dos fracciones.
- En Pascal podemos representar una fracción como su numerador y denominador en forma separada y construir una primitiva multiplicar fracciones multiplicando los numeradores y luego los denominadores.
- 4 datos de entrada: los 2 numeradores y los 2 denominadores.
- 2 datos de salida: el numerador y el denominador resultado.

```

NumRes := Num1 * Num2
DenRes := Den1 * Den2
    
```

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 21

Procedimientos y parámetros

```

PROCEDURE MultiplicarFracciones
(N1, D1, N2, D2: INTEGER;
VAR NumRes, DenRes: INTEGER);
BEGIN
NumRes := Num1 * Num2;
DenRes := Den1 * Den2;
END;
    
```

Parámetros por valor

Parámetros por referencia

Los parámetros formales pueden ser:

- por valor:** sólo permiten recibir valores y se los utiliza para entrada de datos.
- por referencia:** cuando se antepone la palabra **VAR**. En este caso, se crea una referencia con el parámetro efectivo, y por lo tanto, permite salida de datos.

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 22

```

PROCEDURE Mayuscula (Letra:char; VAR Mayu:integer);
Begin
Mayu:=chr(Ord(letra)-32);
end;

....
carac1:='b';
Mayuscula(carac1,carac2);
writeln(car1, car2);
...
    
```

Parámetros formales

Parámetros efectivos

Diferencias entre los tipos de parámetros formales:

P. por valor: el valor del parámetro efectivo **Carac1** se copia al formal correspondiente (**Letra**), las modificaciones a **Letra** no afectan a la variable **Carac1**.

P. por referencia: se crea una referencia entre **Carac2** y **Mayu**. Todo cambio en **Mayu** afecta y cambia a **Carac2**.

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 23

```

PROGRAM Prueba;
VAR num1, den1, num2, den2, Nres,Dres :integer;
PROCEDURE MultiFrac (N1,D1,N2,D2:integer; VAR N,D:integer);
BEGIN
N := N1 * N2;
D := D1 * D2;
END;
BEGIN
writeln('Ingrese 2 fracciones:');
readln(N1,D1,N2,D2);
MultiFrac (num1,den1,num2,den2, Nres, Dres );
writeln('Fraccion resultado: ',Nres,'/',Dres);
END.
    
```

Parámetros por valor

Parámetros por referencia

Sugerencia: pase a la máquina y ejecute.

Resolución de Problemas y Algoritmos Dr. Alejandro J. García 24

El uso total o parcial de este material está permitido siempre que se haga mención explícita de su fuente:
 "Resolución de Problemas y Algoritmos. Notas de Clase". Alejandro J. García. Universidad Nacional del Sur. (c)1998-2012.